

1. Kräfte zwischen Elektronen

Berechnen Sie das Verhältnis aus Coulomb- und Gravitationskraft zwischen zwei Elektronen.

1 Punkt

2. Ladungsverteilungen

Mit Hilfe der Diracschen "Delta"-Funktion in geeigneten Koordinaten drücke man die folgenden Ladungsverteilungen als räumliche Ladungsdichten $\rho(\vec{r})$ aus.

a) Eine über eine Kugelschale vom Radius R gleichmäßig verteilte Ladung Q in Kugelkoordinaten. **1 Punkt**

b) Eine über die Oberfläche eines Zylinders vom Radius R verteilte Ladung λ (pro Längeneinheit) in Zylinderkoordinaten. **1 Punkt**

c) Die über eine flache, infinitesimal dünne Kreisscheibe vom Radius R gleichmäßig verteilte Ladung Q in Zylinderkoordinaten und in Kugelkoordinaten. **1 Punkt**

3. Differenzieren von skalaren und Vektor-Feldern.

a) Geben Sie für ein skalares Feld $f(\vec{r})$ folgende Ausdrücke in kartesischen Koordinaten an:

$$\nabla f(\vec{r}) =$$

1 Punkt

$$\Delta f(\vec{r}) =$$

1 Punkt

$$\nabla \times (\nabla f(\vec{r})) =$$

1 Punkt

$$\nabla f(|\vec{r}|) =$$

1 Punkt

b) Geben Sie für ein Vektorfeld $\vec{g}(\vec{r})$ folgende Ausdrücke in kartesischen Koordinaten an:

$$\nabla \cdot \vec{g}(\vec{r}) =$$

1 Punkt

$$\nabla \times \vec{g}(\vec{r}) =$$

1 Punkt

c) Zeigen Sie die Gültigkeit der Beziehungen

$$\nabla \times (\nabla \times \vec{g}(\vec{r})) = \nabla \nabla \cdot \vec{g}(\vec{r}) - \Delta \vec{g}(\vec{r})$$

1 Punkt

$$\nabla \cdot (f(\vec{r})\vec{g}(\vec{r})) = \nabla f(\vec{r}) \cdot \vec{g}(\vec{r}) + f(\vec{r})\nabla \cdot \vec{g}(\vec{r})$$

1 Punkt